## Organische Elektronik

Elektronische Prozesse in organischen Halbleitern

5. Angeregte Moleküle von der Gasphase zum amorphen Film

Albert-Ludwigs-Universität Freiburg

Dr. Till Biskup Institut für Physikalische Chemie Albert-Ludwigs-Universität Freiburg Sommersemester 2018





- Umgebung und Anordnung der Chromophore zueinander haben großen Einfluss auf den angeregten Zustand.
- Polarisation (elektrostatische Wechselwirkung der Dipole) tritt bereits in der Gasphase auf.
- Statistische Mittelung unterschiedlicher spektraler Verschiebungen führt zu inhomogener Linienverbreiterung.
- Die Dynamik der Umgebung führt zu Phononenankopplung im Festkörper und zu Solvatisierung in Lösung.
- Die elektronische Kopplung ist stark abstandsabhängig und führt zu Linienverschiebung und -aufspaltung.

- elektronische Struktur molekulare Photophysik
  - elektronische Zustände eines Moleküls
  - Übergänge zwischen molekularen Zuständen
- 2 Ladungen und angeregte Zustände
  - angeregte Moleküle von der Gasphase zum amorphen Film
  - angeregte Moleküle in kristallinen Phasen: Frenkel-Exziton
  - angeregte Zustände in π-konjugierten Polymeren
  - geladene Moleküle
- 3 elektronische und optische Prozesse
  - Ladungsträgertransport
  - Dissoziation angeregter Zustände
  - Diffusion angeregter Zustände
  - Zerfall angeregter Zustände

# Standortbestimmung

Teil II: Ladungen und angeregte Zustände

#### Fokus des vorherigen Teils

- molekulare Photophysik
- Wechselwirkung von Licht und Materie
- Erzeugung angeregter Zustände
- Fokus dieses Teils
  - Einflüsse auf den angeregten Zustand
  - Einfluss der Umgebung auf den Chromophor
  - Anordnung der Chromophore zueinander

# 🞓 Chromophor

Der Teil eines Moleküls, der Licht absorbiert: (i)  $\pi$ -konjugierter Kern eines Moleküls ohne nichtkonjugierte Seitenketten; (ii) elektronisch kohärenter Teil einer  $\pi$ -konjugierten Polymerkette

#### Von der Gasphase zum amorphen Film

- hilft beim Verständnis von Kernkonzepten
- letztlich nur f
  ür wenige "Modellmolek
  üle" zeigbar
- die meisten organischen Halbleiter sind relativ schwer in Gasphase zu bekommen...

# Vier Einflüsse werden nachfolgend näher behandelt:

- Polarisation
- statistische Mittelung
- Dynamik der Umgebung
- elektronische Kopplung zwischen Chromophoren





Polarisation

Statistische Mittelung und Zustandsdichte (DOS)

Dynamik der Umgebung

Elektronische Kopplung zwischen Chromophoren

# Von der Gasphase zum amorphen Film Effekte durch Polarisation

# Experiment

- organisches Molekül in der (kalten) Gasphase
- in einem Strom aus Edelgas
- geringer (aber zunehmender) Druck des Trägergases
- Messgröße: Fluoreszenzanregungsspektrum

#### Ergebnisse

- Spektrum des isolierten Moleküls bei geringem Druck
- zunehmende Rotverschiebung des Spektrums mit zunehmendem Druck

#### Ursache

- elektrostatische Wechselwirkung zwischen Dipolen (Van-der-Waals-Wechselwirkungen)
- beteiligt: der Dipol des angeregten Moleküls M\* und von ihm induzierte Dipole der Gasmoleküle

IBURG

# Von der Gasphase zum amorphen Film Effekte durch Polarisation

## Molekül im Grundzustand: M

- schwacher Dipol
- ausschließlich Beiträge von fluktierenden Dipolen im Sinne der Van-der-Waals-Wechselwirkung
- Molekül im angeregten Zustand: M\*
  - starker Dipol

#### Polarisationseffekt

- Dipol von M\* induziert Dipole in Molekülen der Umgebung
- elektrostatische WW zwischen den Dipolen der Moleküle
- potentielle Energie des Chromophors wird um die Wechselwirkungsenergie der Dipolmomente verringert
- elektrostatische Wechselwirkung stark im angeregten und schwach im Grundzustand
- führt zu Rotverschiebung des elektronischen Übergangs

# Effekte durch Polarisation

Spektrale Verschiebungen: hypsochrom und bathochrom





Gegeben seien zwei Dipole  $p_1$  und  $p_2$  im Abstand r zueinander in beliebiger Orientierung.

In der Punkt-Dipol-Näherung ist die Wechselwirkungsenergie *V* der beiden Dipole gegeben zu:

$$V = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{p_1 p_2 - 3(p_1 \hat{r})(p_2 \hat{r})}{r^3}$$

mit dem Einheitsvektor  $\hat{r} = r/r$  entlang der Verbindungsachse der beiden Dipole.

#### 🞓 Punkt-Dipol-Näherung

Abstand r groß gegenüber der Ausdehnung der Dipole p1, p2

Sommersemester 2018

Für den Spezialfall  $p_1 \parallel p_2$  und  $p_1, p_2 \parallel r$  vereinfacht sich die Beziehung zu:

$$V = -\frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{2p_1 p_2}{r^3}$$

Sei  $p_1$  das Dipolmoment des Chromophors (M1) und  $p_2$  das von  $p_1$  induzierte Dipolmoment im benachbarten Molekül (M2). Die Größe von  $p_2$  ist dann gegeben als:

$$p_2 = \alpha E_1 \qquad \qquad E_1 = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{2p_1}{r^3}$$

mit der Polarisierbarkeit  $\alpha$  von M2 und dem elektrischen Feld  $E_1$  an M2, das durch  $p_1$  von M1 erzeugt wird.

Effekte durch Polarisation Grundlegende, qualitative Überlegungen

Durch Einsetzen ergibt sich:

$$V = \frac{1}{(4\pi\varepsilon_0)^2} \frac{4p_1^2\alpha}{r^6} \,.$$

Gilt nur für den stark vereinfachten Fall  $(p_1 \parallel p_2)$ , trotzdem hilfreich zur Ableitung allgemeiner Prinzipien:

- Die Energie der Wechselwirkung vergrößert sich mit der Polarisierbarkeit α des benachbarten Moleküls.
- Die Energie der Wechselwirkung hängt quadratisch vom Dipolmoment p1 des Chromophors ab.
- Die Energie der Wechselwirkung hat eine starke Abstandsabhängigkeit proportional r<sup>-6</sup>.

# Von der Gasphase zum amorphen Film Einfluss statistischer Effekte

- Ursache f
  ür statistische Effekte
  - Überlagerung unterschiedlicher spektraler Verschiebungen
  - spektrale Verschiebungen polarisationsinduziert
- spektrale Verschiebung abhängig von
  - Umgebung
  - Abstand der Moleküle
  - Orientierung der Moleküle zueinander
- ungeordneter Festkörper (Glas, amorpher Film)
  - alle diese Parameter zufallsverteilt
  - Verteilung entspricht einer Normalverteilung
  - Gauß-Verteilung um einen Mittelwert

#### Moleküle = Chromophor und Matrix

# 

#### zwei grundlegend unterschiedliche Situationen

- hoch verdünnte Chromophore in verdünnter Gasphase
  - alle mit der gleichen Energie Egas des angeregten Zustands
- Chromophore in unorientierter kondensierter Phase
  - Gaußsche Verteilung der Energien E
  - zentriert um Mittelwert E<sub>0</sub>
  - weicht um einen mittleren, durch Polarisation induzierten Betrag D' von Egas ab

#### Zustandsdichte (density of states, DOS)

- ▶ isolierte Chromophore: Delta-Funktion
- Chromophore in ungeordneter, kondensierter Phase: Gauß-Funktion (g(E))

# Einfluss statistischer Effekte

Zustandsdichte isolierter Chromophore und in kondensierter Phase





Zustandsdichte in ungeordneter, kondensierter Phase

$$\rho(E) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} \exp\left(-\frac{(E-E_0)^2}{2\sigma^2}\right)$$

#### • Parameter $\sigma$

- "Unordnungsparameter" (disorder parameter)
- mathematisch: Standardabweichung
- unterscheidet sich f
  ür die unterschiedlichen Zust
  ände
- Einfluss der Polarisation auf  $\sigma$ 
  - S<sub>0</sub> hängt weniger von Polarisation ab als S<sub>1</sub>, σ kleiner
  - experimentell: σ skaliert ungefähr mit D'

# Dynamik der Umgebung

Zwei Situationen: Festkörper und flüssige Lösung

# Festkörper

- inhomogen verbreiterte Spektren
- jedes Molekül mit leicht anderer lokaler Umgebung
- Anbindung an Schwingungen (Phononen, Vibronen)
- flüssige Lösung
  - Umgebung kann sich reorientieren
  - Solvatisierung
  - Resultat: Stokes-Verschiebung
- beide Effekte experimentell zugänglich
  - Festkörper: schmalbandige Anregung bei tiefer Temperatur
  - Lösung: "klassische" Fluoreszenzspektroskopie (z.B. alter PCG-Versuch)

IBURG

## Schmalbandige Anregung bei tiefer Temperatur (<10 K)

- Voraussetzungen
  - hochgradig verdünnt
  - kein Energietransfer zwischen Chromophoren
- Anregung von Sub-Ensembles
  - entsprechend homogene Umgebung
  - resonant mit dem eingestrahlten Licht
- Linienbreite wird von drei Faktoren bestimmt
  - Anregungsbandbreite
  - Bandbreite des Monochromators
  - homogene Linienverbreiterung (Lebenszeit)

# Dynamik der Umgebung Festkörper: Phononen, Vibronen

- Ergebnis
  - Spektrum sieht aus wie das aus der Gasphase
  - aber: zwei charakteristische Änderungen
- charakteristische Änderungen
  - bathochrome Verschiebung
  - nichtresonante Schulter an jeder vibronischen Linie (Phononenflügel, *phonon wing*)
- Phononenflügel
  - durch Ankopplung an Phononenmoden des Mediums
  - analog zu intramolekularen Schwingungsmoden
  - in inhomogen verbreiterten Spektren nicht auflösbar
  - Charakteristikum amorpher Festkörper

# Fluoreszenz-Spektroskopie in flüssiger Lösung

- Auftreten weiterer dynamischer Effekte
  - Umgebung des Chromophors kann sich (re)orientieren
  - Kernidee hinter dem Solvatisierungsprozess

# Solvatisierung (Lösungsmittelrelaxation)

- vollständig analog zur Schwingungsrelaxation
  - nur etwas längere Zeitskala
- Unterschied
  - Umgebung ändert ihre Geometrie, nicht der Chromophor
- Resultat
  - Energiedifferenz zwischen den 0–0-Übergängen von Absorption und Emission (Stokes-Verschiebung)

# Dynamik der Umgebung

Flüssige Lösung: Stokes-Verschiebung durch Solvatisierung



# Elektronische Kopplung zwischen Chromophoren

- intermolekulare Wechselwirkung in einem ungeordneten unverdünnten Film
  - immer Van-der-Waals-Wechselwirkungen
  - reduziert die Energie der kondensierten Phase gegenüber der Gasphase durch die Polarisationsenergie
  - Grund, warum kondensierte Phasen stabil sind und nicht spontan verdunsten
- nachfolgend behandelte Aspekte
  - elektronische Wechselwirkung im Grundzustand
  - elektronische Wechselwirkung im angeregten Zustand
  - Oszillatorstärke von Dimer- und Exzimerübergängen

# Elektronische Wechselwirkung im Grundzustand

- Ausgangspunkt
  - zwei benachbarte Moleküle im Film
  - individuelle Grundzustandsenergien E<sub>1</sub> und E<sub>2</sub>
  - zugehörige (Viel-Elektronen-)Wellenfunktionen  $\Psi_1$  und  $\Psi_2$
- Annahmen
  - Schwingungs- und Spin-Wellenfunktion werden der Einfachheit halber vernachlässigt
  - intermolekularer Elektronenüberlapp ist klein
  - molekulare Einheiten bewahren ihre Individualität
- Resultat
  - Zwei-Teilchen-System
  - zugehöriger Hamilton-Operator Ĥ

Der Hamilton-Operator eines Zwei-Teilchen-Systems kann geschrieben werden als:

$$\hat{\mathcal{H}} = \hat{\mathcal{H}}_1 + \hat{\mathcal{H}}_2 + V_{12}$$

mit dem intermolekularen Störpotential *V*<sub>12</sub> (Coulomb-Potential, durch Punkt-Dipol-Näherung beschreibbar).

Wiederholung: V ist in der Punkt-Dipol-Näherung gegeben zu:

$$V = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{p_1 p_2 - 3(p_1 \hat{r})(p_2 \hat{r})}{r^3}$$

mit dem Einheitsvektor  $\hat{r} = r/r$  entlang der Verbindungsachse der beiden Dipole.

Die Gesamtwellenfunktion des Grundzustands eines Zwei-Molekül-Systems kann als Produkt der Wellenfunktionen beider Moleküle genähert werden:

 $\Psi_g = \Psi_1 \Psi_2 \,.$ 

Daraus ergibt sich die Grundzustandsenergie des Systems durch Lösen der Schrödinger-Gleichung zu:

$$E_{\rm g} = \langle \Psi_1 \Psi_2 | \hat{\mathcal{H}}_1 + \hat{\mathcal{H}}_2 + V_{12} | \Psi_1 \Psi_2 \rangle = E_1 + E_2 + D$$

mit

$$D = \langle \Psi_1 \Psi_2 | V_{12} | \Psi_1 \Psi_2 \rangle.$$

#### Anmerkungen zum Beitrag D zur Gesamtenergie

- immer negativ
- Van-der-Waals-WW-Energie (Polarisationsenergie)
- verringert die Grundzustandsenergie des Systems zweier Moleküle im Vergleich zur Grundzustandsenergie der beiden individuellen Moleküle
- stellt sicher, dass ein Ensemble von Molekülen kondensiert
- hervorgerufen durch Nullpunktsoszillationen der Moleküle, die Dipole in der Umgebung induzieren
- abhängig vom intermolekularen Abstand und der Orientierung der Moleküle zueinander

Was passiert, wenn eines der Moleküle angeregt wird?

Annahme:

- beide Moleküle identisch
- egal, welches Molekül angeregt wird:  $\Psi_1^*\Psi_2 = \Psi_1\Psi_2^*$
- Anregung kann zwischen den beiden Molekülen oszillieren

Wellenfunktion  $\Psi_E$  des Gesamtsystems im angeregten Zustand ist eine Linearkombination beider Situationen:

$$\Psi_{\mathrm{E}} = c_1 \Psi_1^* \Psi_2 + c_2 \Psi_1 \Psi_2^*$$

Identische Moleküle:  $c_1 = c_2$ , Renormierung:  $|c_1| = |c_2| = 1/\sqrt{2}$ .

URG

Kopplung symmetrisch oder antisymmetrisch, entsprechend gilt für die Wellenfunktionen:

$$\Psi_{\rm E\pm} = \frac{1}{\sqrt{2}} (\Psi_1^* \Psi_2 \pm \Psi_1 \Psi_2^*) \,.$$

Das entspricht der Situation der zwei Normalmoden zweier gekoppelter mechanischer Pendel.

Einsetzen in die Schrödinger-Gleichung mit dem Hamilton-Operator

$$\hat{\mathcal{H}} = \hat{\mathcal{H}}_1 + \hat{\mathcal{H}}_2 + V_{12}$$

liefert die Energiewerte  $E_{E^+}$ ,  $E_{E^-}$  des angeregten Zustandes.

URG

Energieeigenwerte des angeregten Zustands:

$$E_{E+} = \frac{1}{2} \langle \Psi_1^* \Psi_2 + \Psi_1 \Psi_2^* | \hat{\mathcal{H}}_1 + \hat{\mathcal{H}}_2 + V_{12} | \Psi_1^* \Psi_2 + \Psi_1 \Psi_2^* \rangle$$
  
=  $E_1^* + E_2 + \langle \Psi_1^* \Psi_2 | V_{12} | \Psi_1^* \Psi_2 \rangle + \langle \Psi_1^* \Psi_2 | V_{12} | \Psi_1 \Psi_2^* \rangle$   
=  $E_1^* + E_2 + D' + \beta$ 

und

$$E_{E-} = \frac{1}{2} \langle \Psi_1^* \Psi_2 - \Psi_1 \Psi_2^* | \hat{\mathcal{H}}_1 + \hat{\mathcal{H}}_2 + V_{12} | \Psi_1^* \Psi_2 - \Psi_1 \Psi_2^* \rangle$$
  
=  $E_1^* + E_2 + \langle \Psi_1^* \Psi_2 | V_{12} | \Psi_1^* \Psi_2 \rangle - \langle \Psi_1^* \Psi_2 | V_{12} | \Psi_1 \Psi_2^* \rangle$   
=  $E_1^* + E_2 + D' - \beta$ 

REBURG



# $E_1^*$

► Energie des isolierten M1 im angeregten Zustand

# $E_2$

Energie des isolierten M2 im Grundzustand

#### D'

- analog zu D
- Polarisationsenergie zwischen M1 und M2
- Coulombenergie der Wechselwirkung der Ladungsverteilung in M1 mit der in M2
- Für nicht polare Moleküle gilt: |D'| > |D| und D, D' < 0

# β

- Energie der Resonanzwechselwirkung
- ▶ bestimmt die Aufspaltung zwischen  $E_{E+}$  und  $E_{E-}$
- Wechselwirkung der überlappenden Ladungsdichte mit M1 und M2
- abhängig von Abstand und Orientierung von M1 und M2
- β und D' sind unterschiedlich empfindlich auf Abstand und Orientierung von M1 und M2.
  - substantieller Beitrag von D' möglich für  $\beta \approx 0$

# Elektronische Kopplung von Molekülen Elektronische Wechselwirkung im angeregten Zustand



JRG

8

Experimentell: Energiedifferenz zwischen Zuständen

$$\Delta E_{\text{total}} = (E_1^* + E_2 + D' \pm \beta) - (E_1 + E_2 + D) = \Delta E_1 + \Delta D \pm \beta$$

- Anregungsenergie f
  ür M1, verschoben um die (negative) Differenz-Polarisationsenergie und die Resonanzenergie
- $\beta$  empfindlich abhängig vom Überlapp der Wellenfunktion
  - sehr empfindlich für den intermolekularen Abstand

Interpretation? Fallunterscheidung:

- keine merkliche Wechselwirkung
- Dimer-Bildung
- Exzimer-Bildung

Ι

**DRG** 

- intermolekulare Distanz groß
  - Resonanz-Wechselwirkung vernachlässigbar klein,  $\beta \approx 0$
- amorpher Film
  - mittlere Aufspaltung klein gegenüber inhomogener Verbreiterung ( $\beta \ll \sigma(\Delta D)$ ), kann nicht aufgelöst werden
- zwei Möglichkeiten der Realisierung
  - Einführung großer Seitenketten (sterische Hinderung)
  - Lösungsmittel mit niedrigem Siedepunkt (bewahren die strukturelle Unordnung bei der Filmbildung)
- Übergangsenergie entspricht der isolierter Moleküle
  - $\Delta E_{\text{total}} \approx \Delta E_1 + \Delta D$

# 🞓 (physikalisches) Dimer

Zwei schwach wechselwirkende identische Moleküle, die Wechselwirkung hat keinen Einfluss auf Abstand und Orientierung der Moleküle.

- > zwei um  $2\beta$  aufgespaltene Energieniveaus
- Übergangsenergien:  $\Delta E_{\text{total}} = \Delta E_1 + \Delta D \pm \beta$
- Ergebnis
  - strahlende Übergänge zwischen Zuständen
  - abhängig von der Oszillatorstärke der Übergänge
  - Schwingungsstruktur möglich

# Wechselwirkung im angeregten Zustand Fall 3: Exzimer-Bildung



# 🞓 Exzimer

Zwei stark wechselwirkende identische Moleküle, die Wechselwirkung führt zu Änderungen in Abstand und Orientierung der Moleküle.

- ► Energieniveaus und Übergangsenergien
  - formal identisch wie beim Dimer
  - Wert f
    ür 
    β
     deutlich gr
    ö
    ßer als beim Dimer
- Emission zeigt keine Schwingungsstruktur
- Absorption identisch mit der des Dimers
  - Exzimer kann nur in Emission beobachtet werden
  - Name: Exzimer = angeregtes Dimer (excited dimer)

Für nicht wechselwirkende Moleküle M1 und M2 sind die zugehörigen Übergangsdipolmemente  $\mu_1$  und  $\mu_2$  gegeben zu:

$$\boldsymbol{\mu}_1 = \langle \psi_1 | e \boldsymbol{r} | \psi_1^* \rangle$$
 und  $\boldsymbol{\mu}_2 = \langle \psi_2 | e \boldsymbol{r} | \psi_2^* \rangle$ .

Entsprechend ergibt sich für das Übergangsdipolmoment  $\mu_{\pm}$  der beiden Zustände der gekoppelten Moleküle:

$$\begin{split} \boldsymbol{\mu}_{\pm} &= \langle \Psi_{\mathrm{G}} | \boldsymbol{e} \boldsymbol{r} | \Psi_{\mathrm{E}\pm} \rangle \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} \langle \Psi_{1} \Psi_{2} | \boldsymbol{e} \boldsymbol{r} | (\Psi_{1}^{*} \Psi_{2} \pm \Psi_{1} \Psi_{2}^{*}) \rangle \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} \langle \Psi_{1} \Psi_{2} | \boldsymbol{e} \boldsymbol{r} | \Psi_{1}^{a} st \Psi_{2} \rangle \pm \langle \Psi_{1} \Psi_{2} | \boldsymbol{e} \boldsymbol{r} | \Psi_{1} \Psi_{2}^{a} st \rangle \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (\boldsymbol{\mu}_{1} \pm \boldsymbol{\mu}_{2}) \,. \end{split}$$

**DRG** 

Oszillatorstärke von Dimer- und Exzimerübergängen ist

- abhängig von der Vektorsumme der individuellen Übergangsdipolmomente
- abhängig von der relativen Orientierung der Moleküle zueinander

Drei Fälle unterscheidbar

- H-Aggregate
- J-Aggregate
- beliebige Orientierung

# Elektronische Kopplung von Molekülen H-Aggregate

# H-Aggregate

- Moleküle koplanar gestapelt
- *E*\_: Übergangsdipolmomente antiparallel, Gesamtmoment verschwindet
- $E_+$ : Übergangsdipolmomente parallel, Gesamtmoment  $2\mu$
- ► Absorption nur in *E*<sub>+</sub> möglich
- Absorption hypsochrom verschoben i. Vgl. zum Monomer
- Anregung in  $E_+$  gefolgt von Relaxation in  $E_-$
- ▶ keine Oszillatorstärke von *E*<sub>−</sub> in den Grundzustand
- Energie kann nur nichtstrahlend abgegeben werden

# Elektronische Kopplung von Molekülen J-Aggregate

# J-Aggregate

- Moleküle sequentiell kollinear und parallel
- $E_-$ : Übergangsdipolmomente parallel, Gesamtmoment  $2\mu$
- *E*<sub>+</sub>: Übergangsdipolmomente antiparallel, Gesamtmoment verschwindet
- ► strahlende Übergänge von und nach *E*\_ erlaubt
- Absorption bathochrom verschoben i. Vgl. zum Monomer
- schnelle und intensive Fluoreszenz

# Elektronische Kopplung von Molekülen beliebige Orientierung

#### beliebige Orientierung

- häufiger Fall
- Übergangsdipolmomente mit variablem Winkel
- Absorptionsspektrum aufgeteilt in Dublett
- Verhältnis der Intensitäten der Komponenten ergibt sich aus der Vektorsumme der Monomer-Momente
- Fluoreszenz aus dem tieferliegenden Zustand
- Fluoreszenzlebensdauer normalerweise ein bis zwei Größenordnungen länger als für das Monomer

URG

# Elektronische Kopplung von Molekülen Illustration der drei Fälle







- Umgebung und Anordnung der Chromophore zueinander haben großen Einfluss auf den angeregten Zustand.
- Polarisation (elektrostatische Wechselwirkung der Dipole) tritt bereits in der Gasphase auf.
- Statistische Mittelung unterschiedlicher spektraler Verschiebungen führt zu inhomogener Linienverbreiterung.
- Die Dynamik der Umgebung führt zu Phononenankopplung im Festkörper und zu Solvatisierung in Lösung.
- Die elektronische Kopplung ist stark abstandsabhängig und führt zu Linienverschiebung und -aufspaltung.