



Institut für Physikalische Chemie

**Methodenkurs „Anwendungen von Mathematica und Matlab in der Physikalischen Chemie“
im Wintersemester 2016/2017**

Prof. Dr. Stefan Weber, Dr. Till Biskup

— Aufgabenblatt 8 zum Teil „Matlab“ vom 17.02.2017 —

Vorbemerkung

Der Fluoreszenzversuch aus dem Grundpraktikum existiert in seiner hier behandelten Form¹ mittlerweile nicht mehr, die damit verbundenen Fragestellungen sind aber trotzdem praxisnah und zeigen Ihnen an einem konkreten Beispiel, wie Sie MATLAB einsetzen können.

Alle zur Auswertung des Versuches notwendigen Daten finden Sie auf der Webseite zum Kurs² als ZIP-Archiv.

Aufgabe 8—1 (Daten importieren)

Öffnen Sie eine beliebige Datei aus dem Ordner mit dem MATLAB-Editor, um sich einen Überblick zu verschaffen, wie die Dateien aufgebaut sind. Überlegen Sie, wie Sie diese Daten in MATLAB importieren könnten.

Wie viele Kopfzeilen finden sich vor den eigentlichen Daten? (Hinweis: Die eigentlichen Daten beginnen unmittelbar nach der Zeile „#DATA“.) Wie sind die beiden Spalten der eigentlichen Zahlenwerte voneinander getrennt? (Möglichkeiten wären z.B. Leerzeichen, Tabulator, Komma oder Semikolon)

Nutzen Sie ihr neu erlangtes Wissen und versuchen Sie, die Datei `1A-01.sp` in MATLAB zu importieren. (Tipp: Erinnern Sie sich daran, was Sie vorher zum Thema gehört haben.)

Hilfreiche Funktionen: `importdata`

Zusatzaufgabe: Schreiben Sie eine Funktion zum Import der ASCII-Exportdaten des im Praktikum verwendeten Fluoreszenzspektrometers (Perkin Elmer LS45), das der nachfolgend definierten Schnittstellendefinition entspricht:

Listing 1: Schnittstelle einer Importroutine für ASCII-Exporte eines LS45-Fluoreszenzspektrometers

```
data = LS45ASCIIread(filename)
```

Hierbei sei `data` eine MATLAB-Struktur mit den Feldern, wie sie die Funktion `importdata` zurückgibt.

Achten Sie auf eine minimale Dokumentation der Funktionsschnittstelle, vergleichbar dem, was Sie auch in eingebauten MATLAB-Routinen finden und was Sie in vorangegangenen Lektionen gehört haben.

¹Skript online verfügbar: <http://www.till-biskup.de/de/lehre/pcg-fluoreszenz/>

²<http://www.till-biskup.de/de/lehre/mathematica-matlab/ws2016/material/10/>

Aufgabe 8—2 (Anregungsspektrum darstellen)

Laden Sie das Anregungsspektrum von Chinin (Datei „1A-01.sp“) und stellen Sie die Fluoreszenzintensität (bei 500 nm) als Funktion der Anregungswellenlänge dar. Im Falle von Daten, die mit einer so hohen Auflösung wie im vorliegenden Fall aufgenommen wurden, ist es durchaus sinnvoll (und erlaubt), die einzelnen Punkte zu verbinden.

Achten Sie auf eine korrekte Achsenbeschriftung. Bei der Fluoreszenzintensität handelt es sich um relative Einheiten, weshalb hier die Angabe einer Einheit unterbleiben kann.

Hilfreiche Funktionen: `plot`, `xlabel`, `ylabel`

Zusatzaufgabe: Heben Sie das Maximum der Fluoreszenzintensität hervor. Zeichnen Sie dazu zusätzlich eine (gestrichelte oder gepunktete oder andersfarbige) vertikale Linie bis zum Maximum der Fluoreszenz und von dort eine (identisch formatierte) horizontale Linie bis zur y -Achse in Ihre Abbildung ein.

Hilfreiche Funktionen: `max`, `plot`, `line`, `hold on`, `hold off`

Aufgabe 8—3 (Streubande identifizieren)

Laden Sie die Fluoreszenzspektren, die bei unterschiedlichen Anregungswellenlängen aufgenommen wurden, um Streubanden zu identifizieren (Dateien „1E-01.sp“ bis „1E-05.sp“). Tragen Sie für alle fünf Spektren gemeinsam in einer Abbildung die Fluoreszenzintensität als Funktion der Wellenlänge auf. Experimentieren Sie ggf. mit unterschiedlichen Farben und Linienstilen für die einzelnen Kurven.

Achten Sie auf eine korrekte Achsenbeschriftung. Fügen Sie eine Legende in die Abbildung ein, die für jedes dargestellte Spektrum die Anregungswellenlänge in der Form „ $\lambda_A = xxx \text{ nm}$ “ angibt. Spielen Sie mit der Positionierung der Legende.

Hilfreiche Funktionen: `legend`

Zusatzaufgabe: Was sagt Ihnen diese Abbildung? Wie können Sie die Streubande identifizieren? Wodurch wird eine Streubande charakterisiert? Was lernen Sie daraus hinsichtlich einer idealen Anregungswellenlänge für die weitere fluoreszenzspektroskopische Untersuchung der Chinin-Lösungen?

Aufgabe 8—4 (Fluoreszenzintensität als Funktion der Fluorophorkonzentration)

Das Ziel des zweiten Versuchsteils im Fluoreszenzversuch ist die Untersuchung der Fluoreszenzintensität als Funktion der Fluorophorkonzentration. Dafür wurden elf Messungen mit unterschiedlichen Fluorophorkonzentrationen durchgeführt (Dateien „2E-01.sp“ bis „2E-11.sp“). Zur Auswertung soll die Fluoreszenzintensität bei 448 nm für jede Lösung gegen die Konzentration an Fluorophor (Chinin) in $\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$ aufgetragen werden. Die Zusammensetzung der entsprechenden Lösungen und die für die Berechnung der Chininkonzentration notwendigen Angaben können Sie Tab. 1 (S. 3) entnehmen.

Für die Darstellung der Daten sind mehrere Schritte notwendig, die nachfolgend kurz skizziert werden. Die Reihenfolge der einzelnen Schritte ist dabei nicht zwingend, manches ergibt sich aus dem logischen Ablauf.

- a) Einlesen aller für die Darstellung notwendigen Dateien
- b) Berechnung der Chininkonzentration
- c) Extrahieren der Fluoreszenzintensität bei 448 nm aus den Daten

- d) Korrektur der Fluoreszenzintensitätswerte durch den Leerwert (Probe 1)
- e) Auftragung der Fluoreszenzintensität bei 448 nm gegen die Chininkonzentration

Hinweise: Verwenden Sie logische Indizierung zum Extrahieren der Fluoreszenzintensität bei 448 nm aus den einzelnen Datensätzen. Die Korrektur der Fluoreszenzintensitätswerte durch den Leerwert aus Probe 1 können Sie in einer einzelnen Zeile lösen, wenn Sie die Möglichkeiten der Indizierung in MATLAB geschickt ausnutzen.

Tragen Sie die Fluoreszenzintensität gegen die Konzentration an freier Chininbase in $\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$ auf, achten Sie auf korrekte Achsenbeschriftungen und verbinden Sie die Datenpunkte in diesem Fall *nicht*.

Aufgabe 8—5 (lineare Regression durch den Ursprung und nichtlineare Kurvenanpassung)

Wie Sie dem Theorieteil des Skriptes zum Fluoreszenzversuch aus dem Grundpraktikum Physikalische Chemie entnehmen können³, lässt sich die Abhängigkeit der Fluoreszenzintensität von der Fluorophorkonzentration über das Lambert-Beersche Gesetz verstehen. Sie folgt einer mathematischen Gesetzmäßigkeit der Form

$$f(x) = a(1 - 10^{-bx})$$

Für kleine Absorbanzwerte kann mit einem linearen Zusammenhang zwischen Fluoreszenzintensität und Fluorophorkonzentration gerechnet werden, was sich durch eine Taylor-Entwicklung der obigen Funktion und Abbruch nach dem linearen Glied auch mathematisch zeigen lässt.

Führen Sie für die in der vorangegangenen Aufgabe grafisch dargestellten Werte sowohl eine lineare Regression (durch den Ursprung) als auch eine nichtlineare Kurvenanpassung durch und stellen Sie anschließend in einer neuen Abbildung sowohl die Messwerte als auch die beiden Kurvenanpassungen grafisch dar.

³Online elektronisch verfügbar: <http://www.till-biskup.de/de/lehre/pcg-fluoreszenz/>

Tabelle 1: Zusammensetzung der Lösungen, die für die Bestimmung des Zusammenhangs zwischen Fluoreszenzintensität und Konzentration vermessen wurden. 1 mL der 0,1-ppm-Chinin-Standardlösung enthalten 0,1 μg freie Chininbase, 1 mL der 10-ppm-Chinin-Standardlösung entsprechend 10 μg freie Chininbase ($\text{C}_{20}\text{H}_{24}\text{N}_2\text{O}_2$, $M = 324,41 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$). Sehen Sie über die Unzulänglichkeiten bzgl. der Verwendung von „ppm“ in diesem Kontext hinweg und errechnen Sie sich aus den Angaben die Konzentration an freier Chininbase in $\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$, gegen die Sie die Fluoreszenzintensität bei 448 nm auftragen.

| Probe | 0,1-ppm-Chinin-Standardlösung | 0,1 N H_2SO_4 | Dateiname |
|-------------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|-----------|
| 1 | 0 | 3210 μL | 2E-01.sp |
| 2 | 290 μL | 3210 μL | 2E-02.sp |
| 3 | 600 μL | 2900 μL | 2E-03.sp |
| 4 | 900 μL | 2600 μL | 2E-04.sp |
| 5 | 1200 μL | 2300 μL | 2E-05.sp |
| 6 | 1500 μL | 2000 μL | 2E-06.sp |
| 7 | 2000 μL | 1500 μL | 2E-07.sp |
| 8 | 3000 μL | 500 μL | 2E-08.sp |
| 10-ppm-Chinin-Standardlösung | | | |
| 9 | 40 μL | 3000 μL | 2E-09.sp |
| 10 | 50 μL | 3000 μL | 2E-10.sp |
| 11 | 60 μL | 3000 μL | 2E-11.sp |

Von der vorangegangenen Aufgabe sollten Sie entweder je einen Vektor für x - und y -Werte oder eine $n \times 2$ -Matrix mit den gemessenen Intensitätswerten bei 448 nm (y -Wert) und der jeweiligen Fluorophorkonzentration (x -Wert) wiederverwenden können.

Für die lineare Regression verwenden Sie *nur die ersten vier Werte*. Achten Sie bitte darauf, dass die Ausgleichsgerade *durch den Ursprung* gehen soll. Sie dürfen an dieser Stelle also *nicht* den y -Achsenabschnitt mit anpassen, sondern lediglich den Anstieg.

In MATLAB stehen Ihnen für diese Aufgabe mehrere Möglichkeiten zur Verfügung, die vorher auch kurz angesprochen wurden.

Für die nichtlineare Kurvenanpassung verwenden Sie in diesem Fall die MATLAB-Routine `fminsearch`. Bitte beachten Sie, dass Sie dieser Routine bereits eine Funktion übergeben müssen, die Ihnen die Summe der Quadrate der Abweichungen zwischen Daten und angepasster Funktion liefert. Eine Möglichkeit wäre, in MATLAB zunächst eine Funktion zu definieren, die den nichtlinearen Zusammenhang in Abhängigkeit der beiden Koeffizienten a und b wiedergibt, um dann mithilfe dieser Funktion eine zweite Funktion zu erzeugen, die die Summe der Fehlerquadrate enthält und die Sie dann der MATLAB-Routine `fminsearch` übergeben können. Ein Vorteil dieser Vorgehensweise ist, dass Sie die eigentliche Funktion nur einmal definieren müssen und dann, nachdem Sie die Werte für die Koeffizienten mittels `fminsearch` bestimmt haben, dieselbe Funktion für die Darstellung des nichtlinearen Zusammenhangs verwenden können. Diese Funktionen können Sie auf die Ihnen bekannte Weise als Inline-Funktionen definieren. Das erspart Ihnen die hier nicht unbedingt notwendige Definition der entsprechenden Funktionen in einer eigenen Datei.

Hilfreiche Funktionen: `lscov`, `\`, `fminsearch`

Zusatzaufgabe: Sorgen Sie für eine übersichtliche Ausgabe der Parameter der linearen Regression und der nichtlinearen Kurvenanpassung auf der MATLAB-Kommandozeile.

Hilfreiche Funktionen: `fprintf`

Aufgabe 8—6 (Abbildungen exportieren)

Speichern Sie die Abbildungen, die Sie bislang erzeugt haben, als PDF-Dateien. Nutzen Sie dafür die unterschiedlichen Möglichkeiten, die Ihnen MATLAB zur Verfügung stellt (grafische Oberfläche, programmatisch über die Kommandozeile).

Letztlich lassen sich (fast) alle Eigenschaften einer MATLAB-Abbildung (über die Kommandozeile) kontrollieren, auch die für den Export wichtigen Parameter wie Größe, Schriftart und Schriftgröße. Es ist daher durchaus sinnvoll, einmal damit zu experimentieren und das Ergebnis in eine Routine zu verpacken, die dann auf jedes MATLAB-Abbildungsfenster „losgelassen“ werden kann und konsistente Abbildungen erzeugt. Ein Beispiel für eine solche Funktion werden Sie im Kurs sehen.

Hilfreiche Funktionen: `saveas`, `print`

Zusatzaufgabe: Erstellen Sie eine Funktion zum Export von Abbildungen als PDF-Datei. Die Abbildungen sollen dabei ein vernünftiges Format haben, das die Einbindung in ein Textdokument erlaubt. Das bedeutet insbesondere, dass Sie – vom DIN-A4-Format mit 21 cm Breite und 2,5 cm Rand zu beiden Seiten ausgehend – für eine Abbildung maximal 16 cm Platz in der Breite haben. Als mögliches Format, das optisch auch recht ansprechend aussieht, bietet sich hier 16:10 an, also bei 16 cm Breite eine Höhe von 10 cm.

Hilfreiche Funktionen: `set`, `get`